

Soient

$T$ =durée de vie,

$Z$ =covariable,

$C$ =censure aléatoire à droite.

On observe  $(X, \delta)$  avec

$X = \min(T, C)$ ,

$\delta = I(T \leq C)$ .

Le taux de hasard de  $T$  est défini par

$$\lambda(t|z) = \frac{f(t|z)}{1 - F(t|z)},$$

où  $F$  et  $f$  sont les fonction de répartition et densité de probabilité de  $T$  conditionnelle à  $Z = z$ .  
On estime pour tout  $z$ ,  $\lambda(t|z)$  et  $\theta(z) = \operatorname{argmax} \lambda(t|z)$ .

Soient  $K$  et  $N$  deux noyaux sur  $\mathbb{R}^d$  et  $\mathbb{R}$  respectivement et soient  $(h_n)$ ,  $(a_n)$ ,  $(n \in \mathbb{N})$  deux suites de fenêtres (paramètres de lissage de l'estimateur). Pour tout  $x \in \mathbb{R}^d$ ,  $h > 0$ ,  $s \in \mathbb{R}$ ,  $a > 0$  on pose  $K_h(x) = \frac{1}{h^d} K(\frac{x}{h})$  et  $N_a(s) = \frac{1}{a} N(\frac{s}{a})$  et pour  $i = 1, \dots, n$ ,

$$W_i(h_n, z) = \frac{K_{h_n}(z - Z_i)}{\sum_{i=1}^n K_{h_n}(z - Z_i)}.$$

Alors un estimateur non paramétrique du taux de hasard conditionnel  $\lambda(t|z)$  est

$$(0.1) \quad \lambda_n(t|z) = \sum_{i=1}^n \frac{W_i(h_n, z) \delta_i N_{a_n}(t - X_i)}{\sum_{j=1}^n W_j(h_n, z) I(X_j > X_i)}.$$

Basé sur les statistiques d'ordres  $X_{(1)} \leq X_{(2)} \leq \dots \leq X_{(n)}$  avec  $\delta_{(i)}$  et  $W_{(i)}$  les correspondants de  $\delta_k$  et  $W_k$  dans l'ordre, l'estimateur  $\lambda_n(t|z)$  peut être réécrit sous la forme

$$(0.2) \quad \lambda_n(t|z) = \sum_{i=1}^n \frac{W_{(i)}(h_n, z) \delta_{(i)}}{\sum_{j=i}^n W_{(j)}(h_n, z)} N_{a_n}(t - X_{(i)}).$$