

Soient

T =durée de vie,

Z =covariable,

C =censure aléatoire à droite.

On observe (X, δ) avec

$X = \min(T, C)$,

$\delta = I(T \leq C)$.

Le taux de hasard de T est défini par

$$\lambda(t|z) = \frac{f(t|z)}{1 - F(t|z)},$$

où F et f sont les fonction de répartition et densité de probabilité de T conditionnelle à $Z = z$.
On estime pour tout z , $\lambda(t|z)$ et $\theta(z) = \operatorname{argmax} \lambda(t|z)$.

Soient K et N deux noyaux sur \mathbb{R}^d et \mathbb{R} respectivement et soient (h_n) , (a_n) , $(n \in \mathbb{N})$ deux suites de fenêtres (paramètres de lissage de l'estimateur). Pour tout $x \in \mathbb{R}^d$, $h > 0$, $s \in \mathbb{R}$, $a > 0$ on pose $K_h(x) = \frac{1}{h^d} K(\frac{x}{h})$ et $N_a(s) = \frac{1}{a} N(\frac{s}{a})$ et pour $i = 1, \dots, n$,

$$W_i(h_n, z) = \frac{K_{h_n}(z - Z_i)}{\sum_{i=1}^n K_{h_n}(z - Z_i)}.$$

Alors un estimateur non paramétrique du taux de hasard conditionnel $\lambda(t|z)$ est

$$(0.1) \quad \lambda_n(t|z) = \sum_{i=1}^n \frac{W_i(h_n, z) \delta_i N_{a_n}(t - X_i)}{\sum_{j=1}^n W_j(h_n, z) I(X_j > X_i)}.$$

Basé sur les statistiques d'ordres $X_{(1)} \leq X_{(2)} \leq \dots \leq X_{(n)}$ avec $\delta_{(i)}$ et $W_{(i)}$ les correspondants de δ_k et W_k dans l'ordre, l'estimateur $\lambda_n(t|z)$ peut être réécrit sous la forme

$$(0.2) \quad \lambda_n(t|z) = \sum_{i=1}^n \frac{W_{(i)}(h_n, z) \delta_{(i)}}{\sum_{j=i}^n W_{(j)}(h_n, z)} N_{a_n}(t - X_{(i)}).$$